

Počtní část 2 - 25.1.2021

3. Spočtete na maximálních intervalech a tyto intervaly určete:

$$\int \frac{d\theta}{\sqrt{1 + \cos \theta}}. \quad (6 \text{ bodů})$$

*nápověda:*  $\cos^2(x) = \frac{1 + \cos(2x)}{2}$ .

4. Pro  $a > 0$  najděte

- Taylorův polynom funkce  $a^x$  pátého stupně v bodě 0,
- Taylorův polynom funkce  $f(x) = \frac{1 - a^x}{1 + a^x}$  třetího stupně v bodě 0.

Poté spočtete limitu posloupnosti

$$\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{n^2}{\log^2 n} \left( \frac{1 - \sqrt[n]{n}}{1 + \sqrt[n]{n}} + \frac{\log n}{2n} \right) \quad (9 \text{ bodů})$$